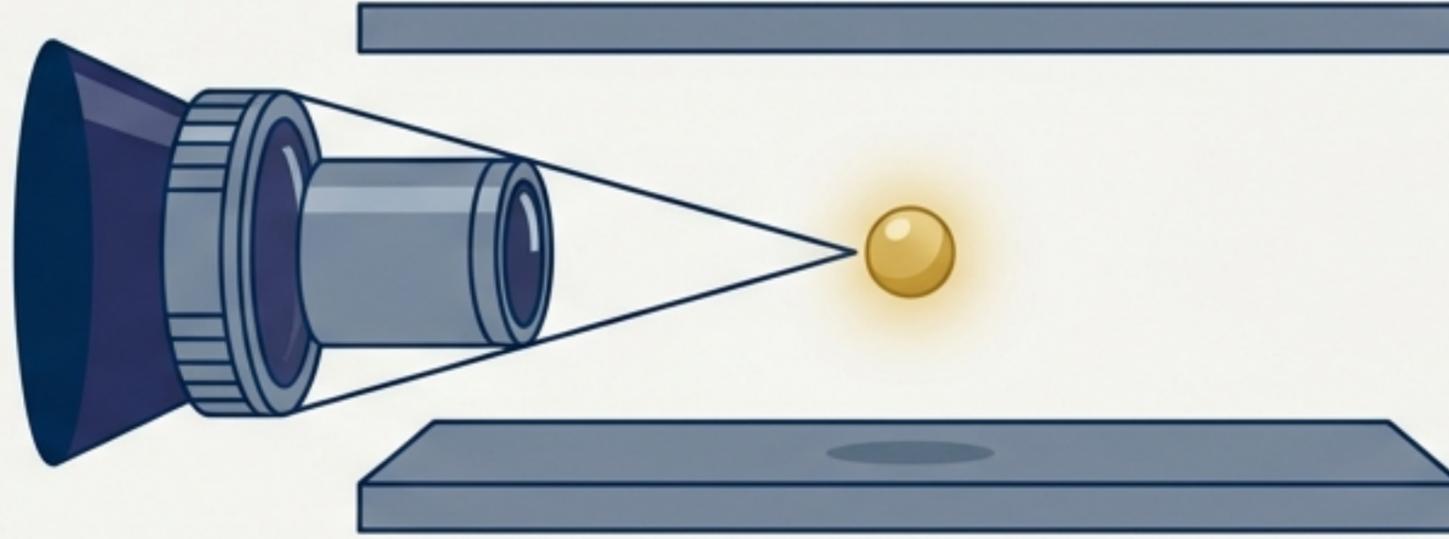


مَعَامِلُ الْفِيْزِيَاءِ  
PHY-LAB



# المرجع الفيزيائي: منهجية الحساب في تجربة قطرة الزيت لميليكان

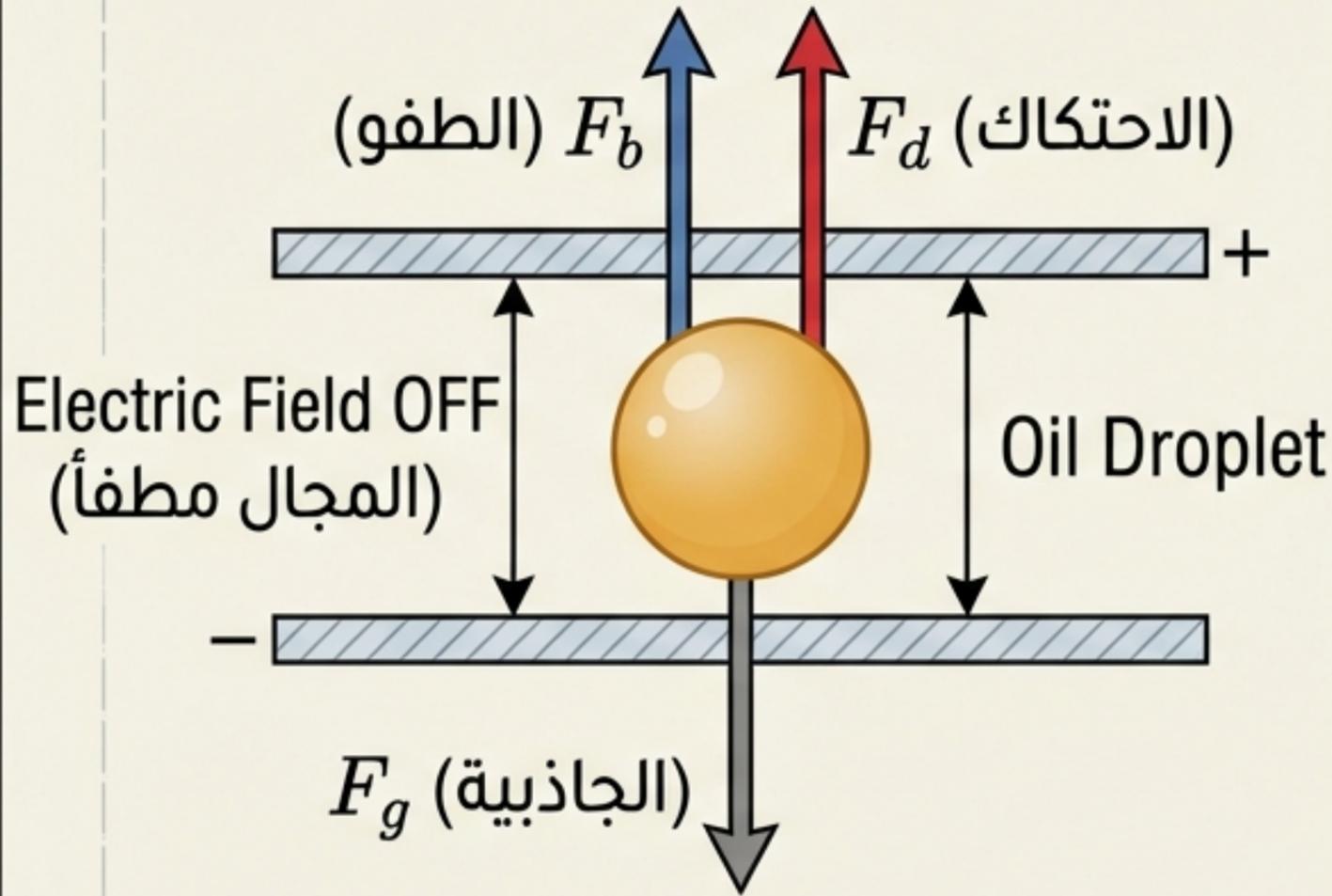
دليل شامل للحسابات الفيزيائية وخطوات المحاكاة - جامعة طيبة

# أولاً: فيزياء السقوط الحر (بدون مجال كهربائي)

المبدأ الأساسي: تصل القطرة إلى سرعتها الحدية عندما تتساوى القوى:

$$F_g = F_b + F_{drag}$$

يتم حساب نصف القطر حصرياً بناءً على سرعة السقوط الحر ( $v_f$ ).  
في هذه المرحلة، القوة الكهربائية غير موجودة، والوزن الظاهري يقاومه الاحتكاك فقط.



# الحساب الأولي: قانون ستوكس (المثالي)

$$r_0 = \sqrt{\frac{9\eta v_f}{2g(\rho_{oil} - \rho_{air})}}$$

$\rho$ : الكثافة

$\eta$ : لزوجة الهواء

$v_f$ : سرعة  
السقوط الحر

ملاحظة: نفترض هنا أن الهواء مائع متصل ومثالي لحساب نصف قطر تقريبي ( $r_0$ ). هذا الافتراض يحتاج إلى تصحيح للجسيمات المجهرية.

## التصحيح الدقيق: معامل كوينغهام

نظراً لصغر حجم القطرات، فإنها "تنزلق" بين جزيئات الهواء. قانون ستوكس غير دقيق هنا.

$$C = 1 + \frac{b}{P \cdot r}$$

نستخدم معامل تصحيح ( $C$ ) لتقليل قوة الاحتكاك المحسوبة. لاحظ أن  $C$  يعتمد على  $r$ ، و  $r$  يعتمد على  $C$ . هذه معضلة يتم حلها خوارزمياً.

ظاهرة الانزلاق (Slippage)

# الخوارزمية التكرارية لحساب نصف القطر

البداية:  $r_0$  (من قانون ستوكس)

حساب معامل التصحيح

$$C = 1 + \frac{b}{P \cdot r_{current}}$$

تحديث نصف القطر

$$r_{new} = \frac{r_0}{\sqrt{C}}$$

تكرار 3 مرات (Iteration)

النتيجة النهائية: نصف القطر المصحح ( $r$ )

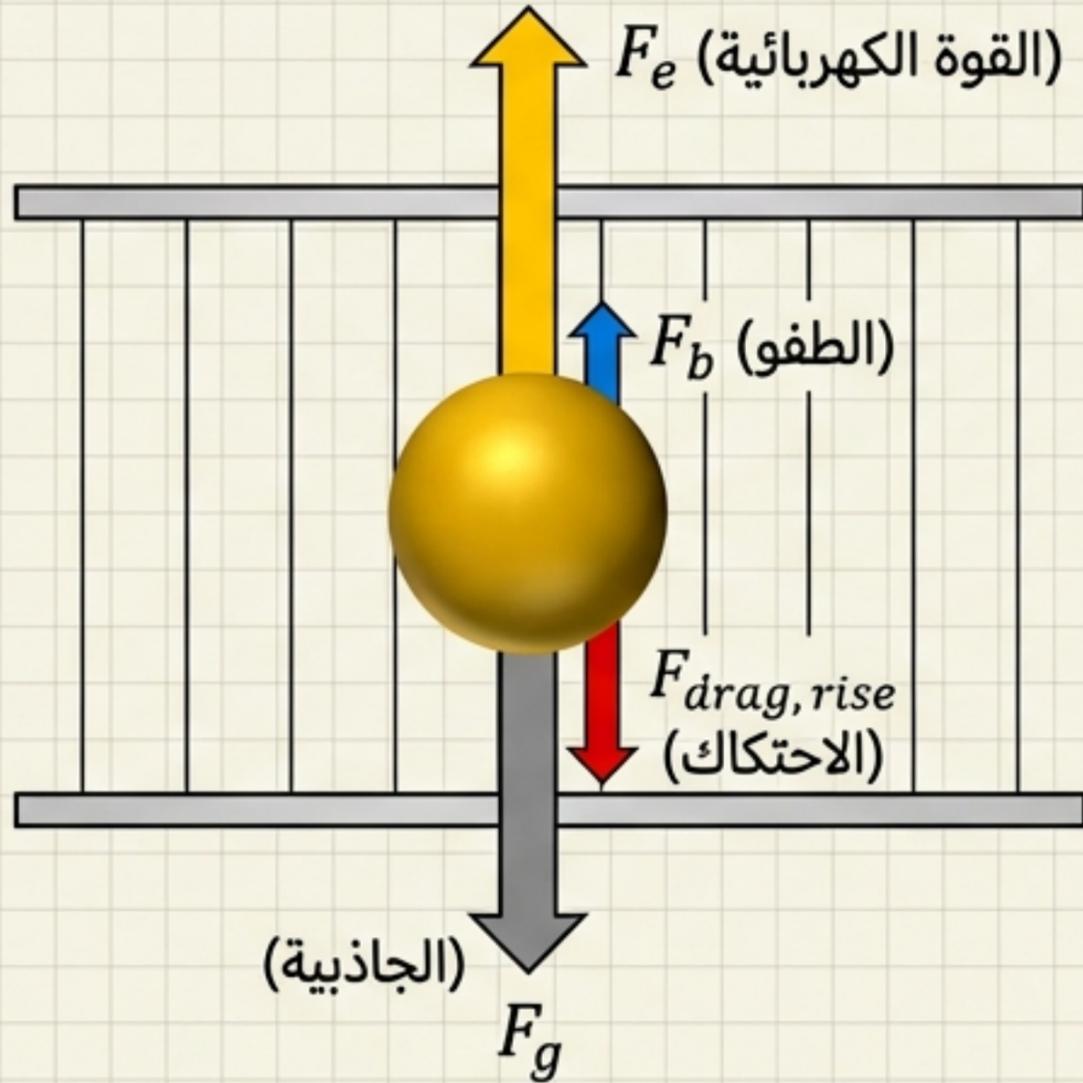
## ثانياً: حساب الشحنة (أثناء الصعود)

معادلة التوازن أثناء الصعود

$$F_{electric} + F_{buoyancy} = F_{gravity} + F_{drag, rise}$$

الهدف: عزل القوة الكهربائية ( $F_e = qE$ ) لحساب الشحنة ( $q$ ).

$$F_e = (F_g - F_b) + F_{drag, rise}$$



(المجال يعمل) Electric Field ON

## المعادلة النهائية للشحنة

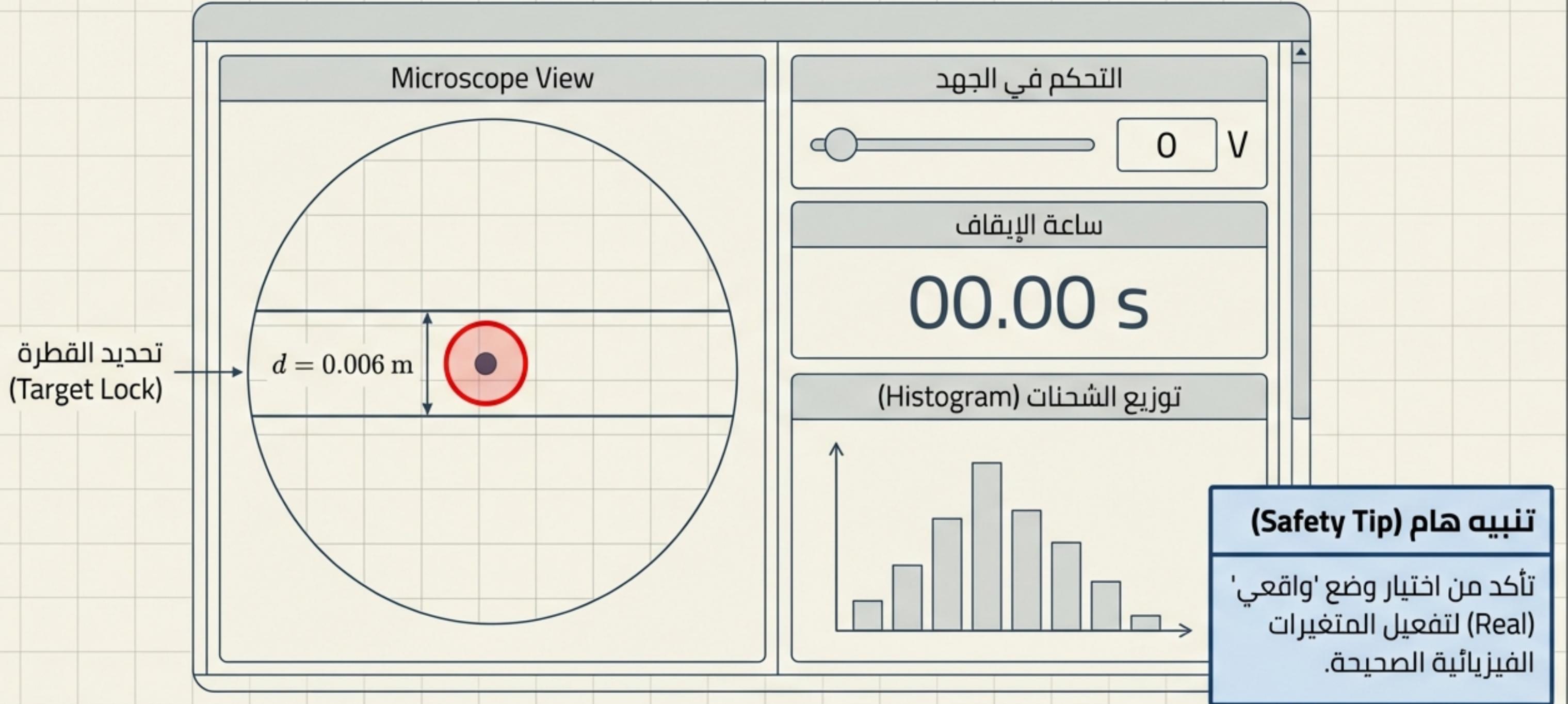
نستفيد من مرحلة السقوط الحر، حيث نعلم أن الوزن الظاهري  $(F_g - F_b)$  يساوي تماماً قوة الاحتكاك أثناء السقوط.

$$qE = F_{drag, fall} + F_{drag, rise}$$

$$q = \frac{d}{V} \cdot \frac{6\pi\eta r}{C} (v_f + v_r)$$

هذه هي الصيغة البرمجية المستخدمة في نظام المحاكاة.

# دليل واجهة المحاكاة: نظام التتبع



## 1. مرحلة السقوط الحر (Free Fall)



1. تأكد من أن الجهد يساوي صفر (0 V).

2. انقر على قطرة في الشاشة لتحديد (Target Lock).  
ابحث عن الدائرة الحمراء.

3. ابدأ المؤقت فور ملامسة القطرة للخط العلوي.

4. أوقف المؤقت فور وصولها للخط السفلي.

5. سجل الزمن في خانة ( $t_f$ ).



## 2. مرحلة الصعود (Rising Phase)



1. لا تفقد قطرتك! قم بتشغيل الجهد الكهربائي فور تجاوز الخط السفلي.

2. ارفع قيمة الجهد ( $V$ ) تدريجياً حتى تعكس القطرة اتجاهها وتصعد.

3. قس الزمن اللازم لقطع المسافة من الخط السفلي إلى الخط العلوي.

4. سجل الزمن ( $t_r$ ) وقيمة الجهد المستخدم ( $V$ ).

## النموذج الفيزيائي: الحركة البراونية (Brownian Motion)

تستخدم المحاكاة معادلة آينشتاين-سمولوشوفسكي. حركة القطرة ليست خطية تماماً بل تتأثر بالتصادمات الحرارية العشوائية (Jitter).

$$D = \frac{k_B T}{\gamma}$$

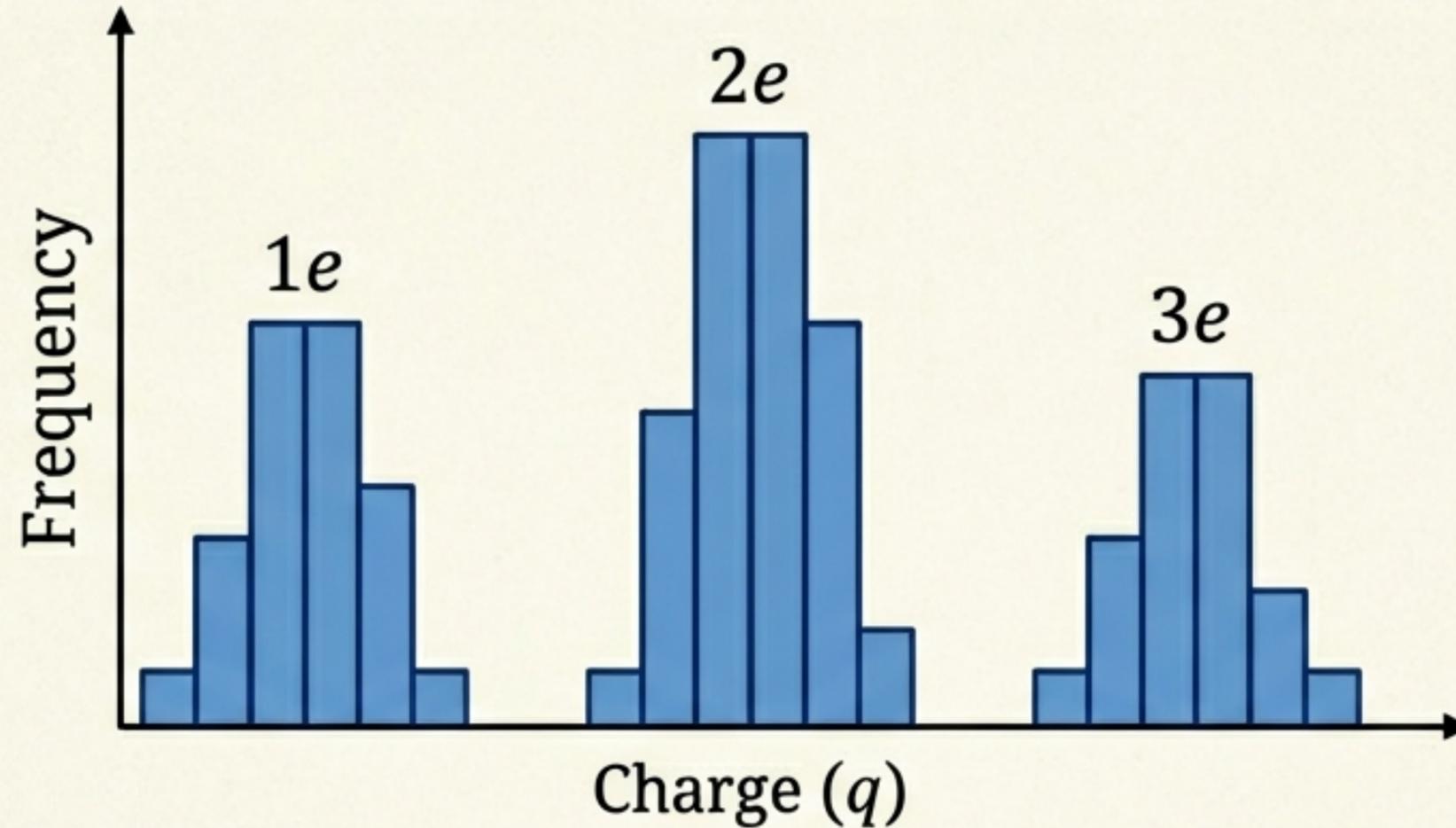
حيث  $\gamma$  هو معامل الاحتكاك.

لا تقلق من الاهتزاز البسيط للقطرة أثناء القياس، فهذا يمثل الواقع المخبري بدقة (Overdamped Motion).

## جدول الثوابت والمتغيرات

الرمز	التعريف	القيمة/الوحدة
$d$	المسافة بين اللوحين	0.006 m
$\eta$	لزوجة الهواء	$1.81 \times 10^{-5}$ Pa.s
$b$	ثابت التصحيح	$8.20 \times 10^{-3}$ Pa.m
$P$	الضغط الجوي	101325 Pa
$\rho_{oil}$	كثافة الزيت	$875.3$ kg/m <sup>3</sup>
$\rho_{air}$	كثافة الهواء	$1.204$ kg/m <sup>3</sup>
$g$	تسارع الجاذبية	$9.80665$ m/s <sup>2</sup>

## تحليل النتائج: تكمية الشحنة



بعد تكرار التجربة لـ 5 قطرات على الأقل، ستلاحظ تجمع الشحنات عند قيم محددة في الرسم البياني.

**الاستنتاج: الشحنة مكّمة، وهي دائماً مضاعفات لشحنة الإلكترون الأساسية  $(n \cdot e)$ .**